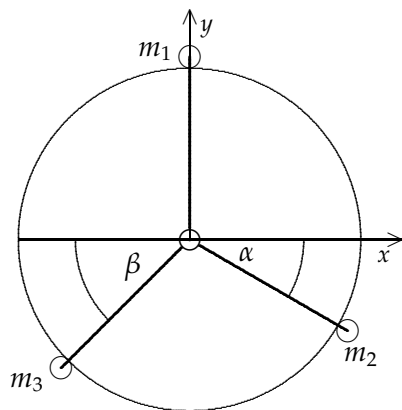


Avtorji: G. Bavdek, B. Golli, A. Kregar – PeF

**3. RAVNOVESJE SIL IN NAVOROV****3.1 Ravnovesje treh sil**

Telo (obroček v sredini plošče na sliki 1) je v ravnovesju, če je vsota vseh sil enaka 0. Če označimo kote, tako kot na sliki, velja za komponente v smereh  $y$  in  $x$ :



$$\begin{aligned} y : \quad & m_1 g - m_2 g \sin \alpha - m_3 g \sin \beta = 0 \\ x : \quad & m_2 g \cos \alpha - m_3 g \cos \beta = 0 \end{aligned}$$

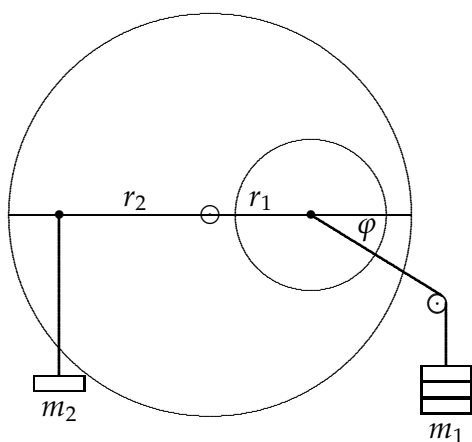
Slika 1: Ravnovesje treh sil

**3.2 Ravnovesje navorov**

Za ravnovesje togega telesa (krožne plošče na sliki 2) velja, da mora biti vsota vseh sil enaka 0 in hkrati vsota vseh navorov enaka 0. Težo in sile uteži uravnoteži sila podlage, za ravnovesje navorov pa velja

$$m_1 g r_1 \sin \varphi - m_2 g r_2 = 0,$$

pri tem sta  $r_1$  in  $r_2$  ročici, merjeni od središča plošče do prijemališč sil,  $\varphi$  pa kot med ročico in silo prve uteži.



Slika 2: Ravnovesje navorov

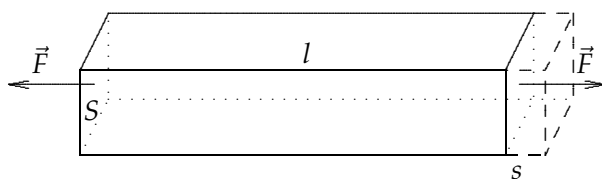
## 4. ELASTIČNE LASTNOSTI SNOVI

### 4.1 Hookov zakon

**Deformacije teles** Telesa se pod vplivom zunanjih sil lahko *deformirajo*. Če se telesa zaradi zunanjih sil deformirajo, a se po prenehanju delovanja teh sil vrnejo v prvotno obliko, je deformacija *elastična*. Tako se palica, na katero deluje v vzdolžni smeri zunanja sila, elastično razteza ali krči. Podaljša se, če deluje v palici *napetost*  $F/S$ , kjer je  $S$  presek palice, in skrči, če palico stiskamo in je v njej *tlak*  $p = F/S$ . Podaljšek pri nategu in skrček pri stisku  $s$  je odvisen še od prvotne dolžine palice  $l$ . *Relativni raztezek* ali relativni skrček  $\epsilon = s/l$  je odvisen le od napetosti oz. od tlaka  $p$ . Poskusi pokažejo, da je zveza med napetostjo oz. tlakom  $p$  in relativnim raztezkom  $\epsilon$  linearna:

$$\epsilon = \frac{1}{E} p. \quad (1)$$

Zvezo imenujemo *Hookov zakon*. Sorazmernostna konstanta  $E$  v (1) je snovna konstanta, ki je značilna za elastično snov. Konstanta se imenuje *prožnostni modul*. Za vsako snov obstaja *meja prožnosti*, to je tista napetost, do katere je deformacija elastična. Pri večjih napetostih se snov deformira trajno (*plastična deformacija*). Pri nekaterih snoveh je praktično vsaka deformacija plastična.



Slika 3: Elastično raztezanje trdnih snovi

**Opis meritve** Na žični kavelj na okvirčku obesi predutež, da se žica nekoliko zravna. Merilno uro naravnaj na ničlo. Izmeri raztezek žice pri vsaj desetih obremenitvah in rezultate vnesi v graf  $F(s)$ . Skozi točke nariši premico in ugotovi, če je odvisnost res linearna, t.j.  $F = ks + F_0$ . Iz  $k = ES/l$  izračunaj prožnostni modul. Zato potrebuješ še dolžino žice  $l$  in njen presek  $S$ . Premer izmeri z mikrometrskim merilom. Izračunaj tudi napako modula.

## 4.2 Zasuk palice

Pri zasuku palice (slika 4b) so deli palice obremenjeni s strižno napetostjo. Strižna deformacija je prikazana na sliki 4a. Velikost deformacije meri kot  $\vartheta$ :

$$\vartheta = \frac{1}{G} \tau, \quad \tau = \frac{F}{S}. \quad (2)$$

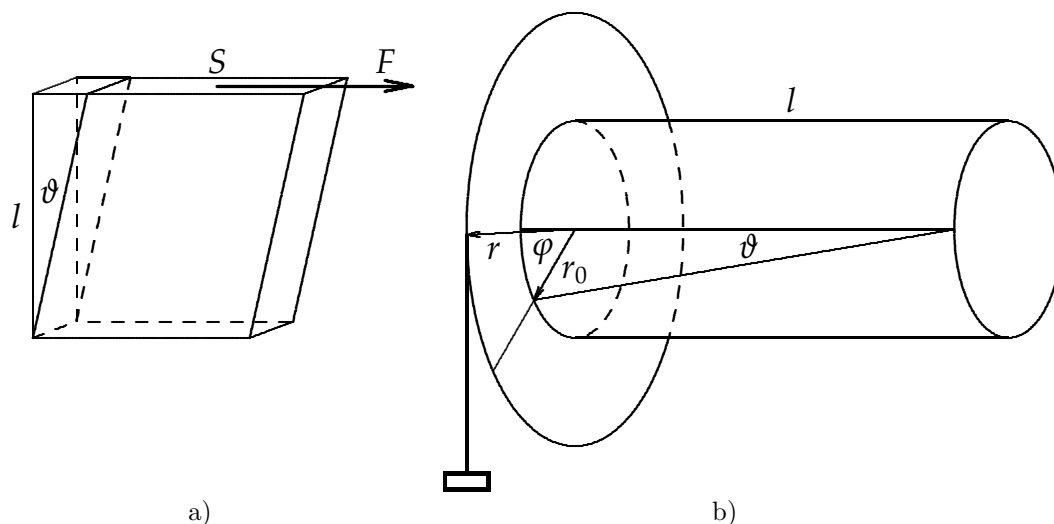
Tu je  $\tau$  strižna napetost in  $G$  **strižni modul** snovi. Strižni modul je povezan s elastičnim modulom kot

$$G = \frac{E}{2(1 + \mu)}, \quad (3)$$

pri čemer je  $\mu$  Poissonovo število. Pri obremenitvi palice na nateg je Poissonovo število določeno kot razmerje relativnega skrčka palice  $\Delta a/a$  v prečni smeri in relativnega raztezka palice v vzdolžni smeri  $\Delta l/l$ :

$$\mu = \frac{\Delta a/a}{\Delta l/l} \quad (4)$$

in lahko zavzame vrednosti med 0 in 0,5.



Slika 4: Zasuk palice

Pri zasuku je palica obremenjena z navorom  $M = rF$ ,  $r$  je razdalja od osi do prijemališča sile uteži. Za zasuk palice  $\varphi$  (glej sliko 4b) velja

$$\varphi = M \frac{2l}{G\pi r_0^4} = F \frac{2lr}{G\pi r_0^4}, \quad (5)$$

kjer je  $l$  dolžina palice med točkama, v katerih je palica vpeta, in  $r_0$  polmer palice.

**Potek** Podobno kot pri upogibu palice meri odvisnost zasuca od sile in iz grafa  $\varphi(F)$  določi naklon premice skozi izmerjene točke in od tod izračunaj  $G$ .

Iz izmerjenih  $G$  in  $E$  ( $E$  si izmeril pri prejšnji nalogi) izračunaj še Poissonovo število (4) za različne snovi (jeklo, medenina, aluminij ...).