

## Matematične metode v fiziki 1

### 7. VEKTORJI

1. Letalo ima v mirnem zraku hitrost 300 km/h. Leti tako, da je obrnjeno natančno proti vzhodu. Veter piha proti severovzhodu s hitrostjo 40 km/h. S kolikšno hitrostjo in v katero smer se giblje letalo? [Rešitev: 329,5 km/h v smeri 4,9° od vzhoda proti severu] [KK str. 54, nal. 1]
2. Na kroglico z maso 3 kg delujejo tri ravninske sile. Prva ima velikost 9 N in kaže, kamor pač kaže. Druga je trikrat manjša od prve in oklepa s prvo kot 120° v smeri urinih kazalcev glede na prvo silo. Tretja sila je dvakrat večja od druge in oklepa z drugo kot 60° v isti smeri kot druga s prvo.
  - a) Poišcite rezultanto vseh treh sil (velikost in smer glede na prvo silo).  
[Rešitev:  $F = 3 \text{ N}$ , kaže pod kotom 60° v smeri urinih kazalcev glede na prvo silo]
  - b) Izračunajte še pospešek kroglice (smer in velikost).  
[Rešitev:  $a = 1 \text{ m/s}^2$ , smer pospeška je enaka smeri rezultante]
3. Čolnar vesla s hitrostjo  $v$  glede na vodo v smeri pravokotno na hitrost reke, ki teče s hitrostjo  $u$  in je za 1/3 večja od  $v$ . Širina reke je  $h$ .
  - a) S kolikšno hitrostjo se giblje čoln glede na breg (velikost in smer)?  
[Rešitev:  $w = 5v/3$ , kot gibanja glede na tok reke je 36,9°]
  - b) Kje na nasprotnem bregu bo čoln pristal in po kolikšnem času?  
[Rešitev: Na nasprotnem bregu bo pristal  $4h/3$  daleč od starta v smeri toka, čas potovanja je  $h/v$ .]
4. Breme s težo 900 N visi na sredini 10 m dolge vrvi, pripete na strop v točkah, ki sta 8 m vsaksebi. Izračunajte silo, s katero je napeta vrva.  
[Rešitev: 750 N]
5. Masa  $m_1$  je v točki  $\mathbf{r}_1$ , masa  $m_2$  je v točki  $\mathbf{r}_2$ ,  $m_3$  je v točki  $\mathbf{r}_3$ ... in  $m_n$  je v točki  $\mathbf{r}_n$ . Izračunajte težišče sistema teh točkastih mas.  
[Rešitev:  $\mathbf{r}^* = (1/m) \sum_{i=1}^n m_i \mathbf{r}_i$ , kjer je  $m = m_1 + m_2 + \dots + m_n$  masa celotnega sistema]
6. Jakost električnega polja dipola; naboja  $+e$  in  $-e$  sta na razdalji  $d$ . Postavimo koordinatni sistem tako, da je izhodišče na sredini med naboljema in gre os  $z$  skozi naboja, da je naboje  $+e$  na negativni polosi  $z$ .
  - a) Kolikšen je  $\mathbf{E}(\mathbf{r})$  za  $r \gg d$ ?  
[Rešitev:  $\mathbf{E}(\mathbf{r}) = \frac{e}{4\pi\epsilon_0 r^3} (\mathbf{d} - \frac{3\mathbf{r}\mathbf{d}}{r^2} \mathbf{r})$ ]
  - b) Nariši v koordinatni sistem vsoto prispevkov jakosti električnega polja posameznega naboja in preveri, če se ta ujema z dobljenim rezultatom za električno polje dipola.
  - c) Kako je velikost jakosti električnega polja dipola odvisna od razdalje in od kota?  
[Rešitev: Jakost električnega polja dipola pada z razdaljo kot  $1/r^3$ .]
7. Kepi ilovice trčita in se sprimeta. Prva kepa je imela maso 0,6 kg in hitrost 8 m/s, druga pa maso 0,4 kg in hitrost 10 m/s. Smeri hitrosti sta oklepali kot 30°. Kolikšna je hitrost sprimka? Kolikšen kot oklepa ta hitrost s smerjo začetne hitrosti težje kepe? Nalogo lahko rešiš na več načinov – enkrat postaviš os  $x$  koordinatnega sistema vzdolž vektorja hitrosti prve kepe ilovice, drugič vzdolž vektorja hitrosti druge kepe, tretjič vzdolž vektorja končne hitrosti. Poskusi! [Zbirka 23, s10, 1.6.4]
8. Drsalca ( $m_1 = 60 \text{ kg}$  in  $m_2 = 20 \text{ kg}$ ) se gibljeta enako hitro ( $v_0 = 2 \text{ m/s}$ ) poševno pod kotom  $2\alpha = 60^\circ$  drug proti drugemu. Ko se srečata, se sprimeta. Kolikšna je njuna skupna hitrost ( $v$ ) in v kateri smeri se gibljeta (pod kotom  $\beta$  glede na simetralo njunih začetnih smeri)? Nalogo lahko rešiš tudi na druge načine – namesto, da os  $x$  koordinatnega sistema postaviš vzdolž simetrale med hitrostma oba drsalcev, lahko os  $x$  enkrat postaviš tudi vzdolž vektorja hitrosti prvega drsalca, drugič vzdolž vektorja hitrosti drugega drsalca, tretjič pa vzdolž vektorja končne hitrosti. Poskusi! [Kladnik: Fizika 1 (Meh. in top.), s103, 5]  
[Rešitev:  $v = 1,8 \text{ m/s}$ ,  $\beta = 16^\circ$ ]
9. Prvi zajec teče s hitrostjo 5 m/s proti severu, drugi pa s hitrostjo 8 m/s proti jugovzhodu. S kolikšno hitrostjo se drugi zajec oddaljuje od prvega?  
[k2,1,2011/2012]  
[Rešitev: 12,1 m/s]
10. Lovec se pelje na prtljažniku džipa, ki vozi s hitrostjo 100 km/h. Če gledamo z vrha, vozi džip levo od ravne ceste pod kotom 30° glede na cesto in se od nje oddaljuje. Lovec ustrelji s puško na levo pod pravim kotom glede na smer vožnje. Izstrelki izleti iz puške s hitrostjo 400 km/h glede na cev. S kolikšno hitrostjo in pod kolikšnim kotom se giblje izstrelki glede na cesto?  
[k2,1,2012/2013]  
[Rešitev: 412 km/h, 106°]