

10. TRANSFORMACIJE VEKTORJEV, TENZORJI

1. Pokaži, da dá vrtež za φ , ki mu sledi vrtež za $-\varphi$ okrog iste osi, identiteto.
2. S kombinacijo dveh vrtežev za poljubna kota okrog iste osi izpelji adicijske izreke.
3. Razišči, kako vidi opazovalec gibanje ključev, ki na rrvici vrti deček v ravnini, ki je za kot φ nagnjena glede na vodoravna tla. (Podobno bi videl opazovalec na mestu Sonca gibanje Lune okrog Zemlje, če bi gledal ves čas v smeri proti Zemljji. Ravnina poti Lune okrog Zemlje je glede na ekliptiko nagnjena za 6° .)
4. Podana je kotna hitrost $\omega = (1, 3, 3) \text{ s}^{-1}$ in tenzor vztrajnostnega momenta

$$\underline{J} = \begin{bmatrix} 1 & 3 & 0 \\ 3 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 2 \end{bmatrix} \text{ kg m}^2.$$

Vrtilno količino izračunamo po enačbi $\Gamma = \underline{J}\omega$. Poišči kot, ki ga oklepa vektor kotne hitrosti z vektorjem vrtične količine. [kp,2i,2009/2010]

[Rešitev: $\Gamma = (10, 6, 6) \text{ kgm}^2/\text{s}$, $\varphi = 36^\circ$]

5. Za neko snov je znan napetostni tenzor, ki je v lastnem koordinatnem sistemu enak

$$\underline{\sigma} = \begin{bmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 0 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \text{ N/m}^2.$$

Iz te snovi izžagamo kvader tako, da tri pravokotne stranice kvadra sovpadajo z lastnimi osmi koordinatnega sistema snovi.

- a) Izračunaj silo na ploskev, ki je podana z normalo $\mathbf{S} = (2, 4, -1) \text{ m}^2$. Silo izračunaš po enačbi $\mathbf{F} = \underline{\sigma}\mathbf{S}$.
- b) Poišči kot, ki ga oklepa sila z vektorjem normale na površino! [i2,3,2009/2010]
6. Podana sta dva vektorja: $\mathbf{a} = (1, -1, 0)$ in $\mathbf{b} = (1, 1, 1)$.
 - a) Kolikšna je ploščina paralelograma, ki ga razpenjata vektorja \mathbf{a} in \mathbf{b} ? [Rešitev: $\mathbf{a} \times \mathbf{b} = (-1, -1, 2)$, $p = \sqrt{6} = 2,45$]
 - b) Zapiši tenzor za rotacijo vektorja okrog osi z za 90° . [Rešitev: $\underline{R} = \begin{bmatrix} 0 & -1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$]
 - c) Poišči vektor \mathbf{a}' , ki ga dobiš tako, da vektor \mathbf{a} zavrtiš okrog osi z za 90° . [Rešitev: $\mathbf{a}' = (1, 1, 0)$]
 - d) Kolikšen je kot med vektorjema \mathbf{a}' in \mathbf{b} ? [Rešitev: $\varphi = 35,3^\circ$] [k2,2,2011/2012]